

Колоквијум из Математике 3, Б смер - 13.2.2024.

1. Решити систем диференцијалних једначина

$$\begin{aligned}tx' &= x - 2y - z, \\ty' &= -x + y + z - 2t, \\tz' &= x - z + 8 \ln(t).\end{aligned}$$

2. Одредити потпуни, општи и сингуларни интеграл парцијалне диференцијалне једначине $(p^2 + q^2)y = qz$, као и Кошијев интеграл за почетни услов $z(x, 0) = x$.

3. Решити мешовити проблем

$$\begin{aligned}u_{tt} &= u_{xx} + \frac{2}{\pi} - \pi^2 \sin(\pi t) + \pi x \cos(\pi t), \quad (x, t) \in (0, \pi) \times (0, \infty), \\u(0, t) &= \sin(\pi t), \quad u(\pi, t) = \sin(\pi t) - \cos(\pi t), \quad t > 0, \\u(x, 0) &= \frac{x^2}{\pi}, \quad u_t(x, 0) = \pi, \quad x \in (0, \pi).\end{aligned}$$

Колоквијум из Математике 3, Б смер - 13.2.2024.

1. Решити систем диференцијалних једначина

$$\begin{aligned}tx' &= x - 2y - z, \\ty' &= -x + y + z - 2t, \\tz' &= x - z + 8 \ln(t).\end{aligned}$$

2. Одредити потпуни, општи и сингуларни интеграл парцијалне диференцијалне једначине $(p^2 + q^2)y = qz$, као и Кошијев интеграл за почетни услов $z(x, 0) = x$.

3. Решити мешовити проблем

$$\begin{aligned}u_{tt} &= u_{xx} + \frac{2}{\pi} - \pi^2 \sin(\pi t) + \pi x \cos(\pi t), \quad (x, t) \in (0, \pi) \times (0, \infty), \\u(0, t) &= \sin(\pi t), \quad u(\pi, t) = \sin(\pi t) - \cos(\pi t), \quad t > 0, \\u(x, 0) &= \frac{x^2}{\pi}, \quad u_t(x, 0) = \pi, \quad x \in (0, \pi).\end{aligned}$$

Колоквијум из Математике 3, Б смер - 13.2.2024.

1. Решити систем диференцијалних једначина

$$\begin{aligned}tx' &= x - 2y - z, \\ty' &= -x + y + z - 2t, \\tz' &= x - z + 8 \ln(t).\end{aligned}$$

2. Одредити потпуни, општи и сингуларни интеграл парцијалне диференцијалне једначине $(p^2 + q^2)y = qz$, као и Кошијев интеграл за почетни услов $z(x, 0) = x$.

3. Решити мешовити проблем

$$\begin{aligned}u_{tt} &= u_{xx} + \frac{2}{\pi} - \pi^2 \sin(\pi t) + \pi x \cos(\pi t), \quad (x, t) \in (0, \pi) \times (0, \infty), \\u(0, t) &= \sin(\pi t), \quad u(\pi, t) = \sin(\pi t) - \cos(\pi t), \quad t > 0, \\u(x, 0) &= \frac{x^2}{\pi}, \quad u_t(x, 0) = \pi, \quad x \in (0, \pi).\end{aligned}$$