

## Шести домаћи

(2 бода)

1. Нека је  $\mathbf{X}$  узорак из унiformне  $U(\theta - \frac{1}{2}, \theta + \frac{1}{2})$  расподеле. Неинформативна априорна расподела за параметар  $\theta$  је  $\pi(\theta) = 1$ . На основу узорка, 1.50, 1.86, 1.88, 1.89, 1.91, 1.94, 1.98, 2.08, 2.21, 2.39, обима 10, одредити 95% интервал прекривања  $(a, b)$  за  $\theta$  тако да је  $P\{\theta < a\} = P\{\theta > b\} = 0.025$ . Да ли је добијени интервал НАГ?
2. Извлачи се узорак обима 9 из популације чије обележје има нормалну  $\mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$  расподелу,  $\mu \in \mathbf{R}$ ,  $\sigma^2 > 0$ . Ако је  $\sigma^2$  непознати параметар, израчунати вероватноћу да ће дужина 80% двостраног интервала поверења за непознати параметар  $\mu$  симетричног у односу на узорачку средину бити не већа од  $\frac{4\sigma}{3}$ .

Рад треба предати на испиту у јунском 1 року, 20.06.2019. Уколико неко не излази на испит, може замолити колегу да понесе и његов рад на испит.