



Изразимо: $y = f(x)$

$$x(t) = v_0 \cos \alpha \cdot t \Rightarrow t = \frac{x}{v_0 \cos \alpha}$$

$$y(t) = v_0 \sin \alpha \cdot t - \frac{1}{2} g t^2$$

$$y = v_0 \sin \alpha \cdot \frac{x}{v_0 \cos \alpha} - \frac{1}{2} g \frac{x^2}{v_0^2 \cos^2 \alpha}$$

$$y = x \operatorname{tg} \alpha - \frac{1}{2} g \frac{x^2}{v_0^2 \cos^2 \alpha} = f(x)$$

$$A = \operatorname{tg} \alpha, B = -\frac{1}{2} g \cdot \frac{1}{v_0^2 \cos^2 \alpha}$$

$$y = Ax + Bx^2 = (\sqrt{B}x)^2 + 2\sqrt{B}x \cdot \frac{A}{2\sqrt{B}} + \left(\frac{A}{2\sqrt{B}}\right)^2 - \frac{A^2}{4B}$$

$$y = \left(\sqrt{B}x + \frac{A}{2\sqrt{B}}\right)^2 - \frac{A^2}{4B}$$

$$y + \frac{A^2}{4B} = \left(\sqrt{B}x + \frac{A}{2\sqrt{B}}\right)^2 = \left(\sqrt{B}\left(x + \frac{A}{2B}\right)\right)^2$$

$$y + \frac{A^2}{4B} = B\left(x + \frac{A}{2B}\right)^2 \quad \text{— једначина параболе}$$

Закле, камен се креће по параболу.

(Наравно, занемарује се отпор ваздуха)

* Најфино када максималну висину до које ће скокати камен.

Претпоставимо да се максимална висина досиже у тренутку t_1 .

$$\text{Тогда је } v_y(t_1) = 0 \Rightarrow v_0 \sin \alpha - g t_1 = 0 \Rightarrow t_1 = \frac{v_0 \sin \alpha}{g}$$

$$\text{Та висина износи } h_{\max} = y(t_1) = v_0 \sin \alpha t_1 - \frac{1}{2} g t_1^2$$

$$h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{g} - \frac{1}{2} g \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{g^2} = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g}$$

* Најфино додеи камена, тј. удаљености места пада камена на земљу од координатног почетка.

Претпоставимо да камен пада на земљу у тренутку t_2 .

$$\text{Тогда је: } y(t_2) = 0$$

$$x(t_2) = R \quad \text{— додеи}$$