

1. Израчунати  $\lim_{n \rightarrow \infty} n^{p+1} \int_{\frac{1}{2}}^1 \frac{\ln^p x}{x^{n+1}(1 + \ln^p x)} dx$ , где је  $p \in \mathbb{N}$ .
2. Израчунати  $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_{-\infty}^{-\frac{1}{n}} 9^x \left(1 + \frac{1}{nx}\right)^{(n+1)x^2} \operatorname{arctg}(nx - n) dx$ .
3. Израчунати  $\lim_{x \rightarrow 0+} \int_x^{2x} \frac{\ln^{2018}(1+t) + \operatorname{arctg}(t^{2018})}{t^{2019}} dt$ .
4. Доказати  $\int_0^{+\infty} \frac{x^n}{1+e^x} dx = \sum_{k=0}^{+\infty} \frac{(-1)^k n!}{(k+1)^{n+1}}$ .

1. Израчунати  $\lim_{n \rightarrow \infty} n^{p+1} \int_{\frac{1}{2}}^1 \frac{\ln^p x}{x^{n+1}(1 + \ln^p x)} dx$ , где је  $p \in \mathbb{N}$ .
2. Израчунати  $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_{-\infty}^{-\frac{1}{n}} 9^x \left(1 + \frac{1}{nx}\right)^{(n+1)x^2} \operatorname{arctg}(nx - n) dx$ .
3. Израчунати  $\lim_{x \rightarrow 0+} \int_x^{2x} \frac{\ln^{2018}(1+t) + \operatorname{arctg}(t^{2018})}{t^{2019}} dt$ .
4. Доказати  $\int_0^{+\infty} \frac{x^n}{1+e^x} dx = \sum_{k=0}^{+\infty} \frac{(-1)^k n!}{(k+1)^{n+1}}$ .

1. Израчунати  $\lim_{n \rightarrow \infty} n^{p+1} \int_{\frac{1}{2}}^1 \frac{\ln^p x}{x^{n+1}(1 + \ln^p x)} dx$ , где је  $p \in \mathbb{N}$ .
2. Израчунати  $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_{-\infty}^{-\frac{1}{n}} 9^x \left(1 + \frac{1}{nx}\right)^{(n+1)x^2} \operatorname{arctg}(nx - n) dx$ .
3. Израчунати  $\lim_{x \rightarrow 0+} \int_x^{2x} \frac{\ln^{2018}(1+t) + \operatorname{arctg}(t^{2018})}{t^{2019}} dt$ .
4. Доказати  $\int_0^{+\infty} \frac{x^n}{1+e^x} dx = \sum_{k=0}^{+\infty} \frac{(-1)^k n!}{(k+1)^{n+1}}$ .