

ЗАДАЦИ СА ВЕЖБИ – ВЕРОВАТНОЋА И СТАТИСТИКА А – СМЕРОВИ МНВ

Школска година 2014/15

Седма недеља (понедељак 17.11.2014. – уторак 18.11.2014.)

• Независни експерименти; Бернулијева/биномна шема

58. Три стрелца гађају мету независно један од осталих. Први од њих погађа мету са вероватноћом $p_1 = 0.4$, а сваки од остале двојице са вероватноћом $p_2 = 0.6$. Одредити вероватноће догађаја:
- сва три стрелца ће погодити мету
 - тачно два стрелца ће погодити мету
 - бар један од стрелаца ће погодити мету.
59. Два играча A и B играју три сета стоног тениса. Победник меча је онај од играча који добије већи број сетова. Сваки сет играч A добија са вероватноћом p , $0 < p < 1$, а играч B са вероватноћом $q = 1 - p$. Одредити вероватноће догађаја:
- сва три сета добија играч A
 - меч добија играч A
 - победник меча познат је после другог сета.
60. На такмичењу куvara, три куvara припремају по „шах“ торту, независно један од осталих. Рецепт за ту торту је компликован, па првом кувару торта успе у $p_1\%$ случајева, другом кувару у $p_2\%$ случајева, а трећем у $p_3\%$ случајева. Ако су успеле тачно две торте, одредити вероватноћу да није успела торта првог куvara.
61. Екипе A, B, C, D такмиче се по следећем систему: прво се екипе на случајан начин деле у парове, затим сваки пар одигра утакмицу, а победници се састају у финалу. Када међусобно играју екипе A и B , или C и D , свака побеђује са вероватноћом по $\frac{1}{2}$. Свака од екипа A и B побеђује сваку од екипа C и D са вероватноћом по $\frac{2}{3}$. Резултати различитих утакмица су међусобно независни. Израчунати вероватноћу да ће екипе A и B међусобно одиграти утакмицу.
62. n стрелаца, независно један од осталих, гађа исту мету, по једанпут, при чему је вероватноћа поготка за сваког стрелца једнака p , $0 < p < 1$. Ако је l реалан број из интервала $(0,1)$, одредити најмање n тако да вероватноћа да мета буде погођена бар једном буде бар l .
63. Одредити највероватнији број добијених шестица у 20 бацања хомогене коцкице за игру.
64. У кутији се налазе три куглице од којих свака може бити беле или црне боје (све претпоставке о броју белих куглица су једнако вероватне). Из кутије се четири пута са враћањем бира куглица. Одредити највероватнији састав кутије, ако се зна да је извучена једна црна и три беле куглице.
65. Три хомогене коцкице за игру бацају се истовремено и то се понавља пет пута. Израчунати вероватноћу да се бар једном добију три исте цифре.

• Случајне величине

66. У кутији се налазе три куглице нумерисане бројевима 1, 2, 3. Из кутије се на случајан начин бирају две куглице, једна по једна са враћањем. Нека је X количник бројева добијених, редом, у првом и другом извлачењу.
- Одредити вредност f_X је X на свим елементима скупа исхода Ω и одговарајућу расподелу вероватноћа.
 - Израчунати вероватноћу догађаја да случајна величина X узме целобројну вредност.

67. У цењу се налазе: два новчића од по динар, два новчића од по два динара и један новчић од пет динара. Извлаче се одједном два новчића. Нека је Y случајна величина која представља укупну вредност извученог новца.

- а) Одредити расподелу случајне величине Y ; скицирати график њене функције расподеле.
б) Израчунати вероватноће догађаја: $\{Y > 2\}$, $\{5 < Y^2 < 9\}$.

68. Случајна величина Z има закон расподеле дат са:

$$Z: \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ c & 2c & 2c & 3c & c^2 & 2c^2 & 7c^2 + c \end{pmatrix}$$

- а) Одредити вредност константе c .
б) Израчунати вероватноћу догађаја $\{2 \leq Z \leq 5\}$.
в) Одредити најмање $k \in \mathbb{N}$ тако да је $P\{Z \leq k\} \geq 0.5$.

69. У шеширу се налазе четири бела и шест зелених папирѝа. На случајан начин извлачи се један по један папирѝ, без враћања, све док се не извуче папирѝ зелене боје. Нека W представља укупан број извлачења.

- а) Одредити функцију расподеле F_W случајне величине W .
б) Израчунати: $F_{2W+1}(5)$, $F_{W^2}(6)$.