

Лукашијевичев исказни рачун

- Аксиоме:

$$A1 \quad \alpha \Rightarrow (\beta \Rightarrow \alpha)$$

$$A2 \quad (\alpha \Rightarrow (\beta \Rightarrow \gamma)) \Rightarrow ((\alpha \Rightarrow \beta) \Rightarrow (\alpha \Rightarrow \gamma))$$

$$A3 \quad (\neg\beta \Rightarrow \neg\alpha) \Rightarrow (\alpha \Rightarrow \beta)$$

- Правило извођења: $\frac{\alpha \quad \alpha \Rightarrow \beta}{\beta}$ (MP)

Хилбертов исказни рачун

- Аксиоме:

$$(H1) \quad \varphi \Rightarrow (\psi \Rightarrow \varphi)$$

$$(H2) \quad (\varphi \Rightarrow (\psi \Rightarrow \theta)) \Rightarrow ((\varphi \Rightarrow \psi) \Rightarrow (\varphi \Rightarrow \theta))$$

$$(H3) \quad \varphi \wedge \psi \Rightarrow \varphi$$

$$(H4) \quad \varphi \wedge \psi \Rightarrow \psi$$

$$(H5) \quad \varphi \Rightarrow (\psi \Rightarrow \varphi \wedge \psi)$$

$$(H6) \quad \varphi \Rightarrow \varphi \vee \psi$$

$$(H7) \quad \psi \Rightarrow \varphi \vee \psi$$

$$(H8) \quad (\varphi \Rightarrow \theta) \Rightarrow ((\psi \Rightarrow \theta) \Rightarrow (\varphi \vee \psi \Rightarrow \theta))$$

$$(H9) \quad \neg\varphi \Rightarrow (\varphi \Rightarrow \perp)$$

$$(H10) \quad (\varphi \Rightarrow \perp) \Rightarrow \neg\varphi$$

$$(H11) \quad \perp \Rightarrow \varphi$$

$$(H12) \quad \varphi \vee \neg\varphi$$

- Правило извођења: $\frac{\alpha \quad \alpha \Rightarrow \beta}{\beta}$ (MP)