

ПИСМЕНИ ИСПИТ ИЗ ВЕРОВАТНОЋЕ

28. август 2020.

1. Испред играча се налазе два шпила. Један је стандардан од 52 карте, док у другом фали један краљ. Играч на случајан начин бира шпил и извлачи 5 карата, једну по једну, без враћања. Израчунати вероватноћу да на крају извлачења у руци има 4 исте карте (истог броја, односно слова, али различитих знакова), ако се зна да је прва карта коју је извукao краљ.
2. Ако су  $X$  и  $Y$  независне случајне величине које обе имају Бернулијеву  $Ber(\frac{1}{2})$  расподелу, испитати да ли су случајне величине  $X - Y$  и  $X + Y$  независне.
3.
  - a) Случајна величина  $X$  има униформну  $\mathcal{U}(0, 1)$  расподелу. Ако је  $Y = -\ln(X)$ , одредити расподелу случајне величине  $Y$ .
  - b) Општи члан  $X_n$  низа независних случајних величин има униформну  $\mathcal{U}(0, 1)$  расподелу. Ако је  $Z_n = \frac{1}{\sqrt{n}} \ln \left( e^{-n} \prod_{k=1}^n \frac{1}{X_k} \right)$ , испитати конвергенцију у расподели низа случајних величина  $(Z_n)$ .