

1. Испитати конвергенцију реда $\sum_{n=1}^{+\infty} 2^{\frac{1}{n^2}}$.

2. Одредити $\int t \sin(t^2) dt$.

3. Одредити све реалне бројеве x за које конвергира степени ред

$$\sum_{n=2}^{+\infty} \frac{7^n + (-8)^n}{\log n} (x - 1)^n.$$

4. Одредити $\int \frac{1}{(1 - \cos x)^2} dx$.

5. Низ $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ дефинисан је на следећи начин

$$a_n = \sum_{k=1}^n \cos \frac{1}{k}.$$

(а) Да ли је низ $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ ограничен?

(б) Испитати конвергенцију реда $\sum_{n=4}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{n^3} a_n$.

6. (а) Одредити $\int \frac{x^2 dx}{(x^3 + 1)^2}$.

(б) Одредити $\int \frac{x^2 \log x}{(x^3 + 1)^2} dx$.

БОДОВАЊЕ

Задаци 1 и 2 вреде по 4 поена.

Задаци 3 и 4 вреде по 5 поена.

Задаци 5 и 6 вреде по 6 поена.

1. Испитати конвергенцију реда $\sum_{n=1}^{+\infty} 2^{\frac{1}{n^2}}$.

2. Одредити $\int t \sin(t^2) dt$.

3. Одредити све реалне бројеве x за које конвергира степени ред

$$\sum_{n=2}^{+\infty} \frac{7^n + (-8)^n}{\log n} (x - 1)^n.$$

4. Одредити $\int \frac{1}{(1 - \cos x)^2} dx$.

5. Низ $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ дефинисан је на следећи начин

$$a_n = \sum_{k=1}^n \cos \frac{1}{k}.$$

(а) Да ли је низ $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ ограничен?

(б) Испитати конвергенцију реда $\sum_{n=4}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{n^3} a_n$.

6. (а) Одредити $\int \frac{x^2 dx}{(x^3 + 1)^2}$.

(б) Одредити $\int \frac{x^2 \log x}{(x^3 + 1)^2} dx$.

БОДОВАЊЕ

Задаци 1 и 2 вреде по 4 поена.

Задаци 3 и 4 вреде по 5 поена.

Задаци 5 и 6 вреде по 6 поена.