

1. Доказати да за свако  $\alpha > 0$  конвергира ред  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^\alpha} \cos\left(n + \frac{1}{n}\right)$ .
2. Наћи запремину тела које се добија ротацијом дела графика функције  $f(x) = \frac{\sqrt{x}e^{\arctg x}}{1+x^2}$ ,  $0 \leq x \leq 1$  око  $x$ -осе.
3. Испитати конвергенцију интеграла  $\int_2^{+\infty} \frac{dx}{(x^2 - a^2)\sqrt{x-2}}$ , за  $0 < a \leq 2$ .
4. Нека је  $f$  функција непрекидна на  $\mathbb{R}$  за коју постоји интеграл  $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx$ .
  - (а) Доказати да је  $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx = \int_{-\infty}^{+\infty} f\left(x - \frac{1}{x}\right) dx$ .
  - (б) Израчунати  $\int_0^{+\infty} \left(x - \frac{1}{x}\right) e^{-x^2 - \frac{1}{x^2}} dx$ .

1. Доказати да за свако  $\alpha > 0$  конвергира ред  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^\alpha} \cos\left(n + \frac{1}{n}\right)$ .
2. Наћи запремину тела које се добија ротацијом дела графика функције  $f(x) = \frac{\sqrt{x}e^{\arctg x}}{1+x^2}$ ,  $0 \leq x \leq 1$  око  $x$ -осе.
3. Испитати конвергенцију интеграла  $\int_2^{+\infty} \frac{dx}{(x^2 - a^2)\sqrt{x-2}}$ , за  $0 < a \leq 2$ .
4. Нека је  $f$  функција непрекидна на  $\mathbb{R}$  за коју постоји интеграл  $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx$ .
  - (а) Доказати да је  $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx = \int_{-\infty}^{+\infty} f\left(x - \frac{1}{x}\right) dx$ .
  - (б) Израчунати  $\int_0^{+\infty} \left(x - \frac{1}{x}\right) e^{-x^2 - \frac{1}{x^2}} dx$ .

1. Доказати да за свако  $\alpha > 0$  конвергира ред  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^\alpha} \cos\left(n + \frac{1}{n}\right)$ .
2. Наћи запремину тела које се добија ротацијом дела графика функције  $f(x) = \frac{\sqrt{x}e^{\arctg x}}{1+x^2}$ ,  $0 \leq x \leq 1$  око  $x$ -осе.
3. Испитати конвергенцију интеграла  $\int_2^{+\infty} \frac{dx}{(x^2 - a^2)\sqrt{x-2}}$ , за  $0 < a \leq 2$ .
4. Нека је  $f$  функција непрекидна на  $\mathbb{R}$  за коју постоји интеграл  $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx$ .
  - (а) Доказати да је  $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx = \int_{-\infty}^{+\infty} f\left(x - \frac{1}{x}\right) dx$ .
  - (б) Израчунати  $\int_0^{+\infty} \left(x - \frac{1}{x}\right) e^{-x^2 - \frac{1}{x^2}} dx$ .