

1. Израчунати  $\lim_{x \rightarrow +\infty} ((x^3 - x^2 + \frac{x}{2})e^{\frac{1}{x}} - \sqrt{x^6 + 1}).$
2. а) Испитати ток и скицирати график функције  $f(x) = (1+x) \ln(1+x).$   
б) Доказати да важи неједнакост  $f(x) \geq x.$   
в) У зависности од реалног параметра  $a$  одредити број решења једначине  $|f(x)| = a.$
3. а) Нека је  $(x_n)_{n \in \mathbb{N}}$  низ реалних бројева такав да је  $x_1 > 0$  и  $x_{n+1} = x_n + \frac{1}{3x_n^2}$ . Испитати конвергенцију низа  $(x_n)_{n \in \mathbb{N}}$  и одредити  $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n.$   
б) Израчунати  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{x_n^3}{n}.$

1. Израчунати  $\lim_{x \rightarrow +\infty} ((x^3 - x^2 + \frac{x}{2})e^{\frac{1}{x}} - \sqrt{x^6 + 1}).$
2. а) Испитати ток и скицирати график функције  $f(x) = (1+x) \ln(1+x).$   
б) Доказати да важи неједнакост  $f(x) \geq x.$   
в) У зависности од реалног параметра  $a$  одредити број решења једначине  $|f(x)| = a.$
3. а) Нека је  $(x_n)_{n \in \mathbb{N}}$  низ реалних бројева такав да је  $x_1 > 0$  и  $x_{n+1} = x_n + \frac{1}{3x_n^2}$ . Испитати конвергенцију низа  $(x_n)_{n \in \mathbb{N}}$  и одредити  $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n.$   
б) Израчунати  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{x_n^3}{n}.$

1. Израчунати  $\lim_{x \rightarrow +\infty} ((x^3 - x^2 + \frac{x}{2})e^{\frac{1}{x}} - \sqrt{x^6 + 1}).$
2. а) Испитати ток и скицирати график функције  $f(x) = (1+x) \ln(1+x).$   
б) Доказати да важи неједнакост  $f(x) \geq x.$   
в) У зависности од реалног параметра  $a$  одредити број решења једначине  $|f(x)| = a.$
3. а) Нека је  $(x_n)_{n \in \mathbb{N}}$  низ реалних бројева такав да је  $x_1 > 0$  и  $x_{n+1} = x_n + \frac{1}{3x_n^2}$ . Испитати конвергенцију низа  $(x_n)_{n \in \mathbb{N}}$  и одредити  $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n.$   
б) Израчунати  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{x_n^3}{n}.$

1. Израчунати  $\lim_{x \rightarrow +\infty} ((x^3 - x^2 + \frac{x}{2})e^{\frac{1}{x}} - \sqrt{x^6 + 1}).$
2. а) Испитати ток и скицирати график функције  $f(x) = (1+x) \ln(1+x).$   
б) Доказати да важи неједнакост  $f(x) \geq x.$   
в) У зависности од реалног параметра  $a$  одредити број решења једначине  $|f(x)| = a.$
3. а) Нека је  $(x_n)_{n \in \mathbb{N}}$  низ реалних бројева такав да је  $x_1 > 0$  и  $x_{n+1} = x_n + \frac{1}{3x_n^2}$ . Испитати конвергенцију низа  $(x_n)_{n \in \mathbb{N}}$  и одредити  $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n.$   
б) Израчунати  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{x_n^3}{n}.$